



高中數學雙語教學主題包

建構聽、說環境，打造舒適雙語教學環境

從課綱必修課程搭建通用雙語環境

Bilingual Education Unit Lesson Plan

單元名稱 Topic	單元名稱 The Real Numbers, the Exponents and the Logarithms	科目名稱 Subject	教學 Mathematics
教材來源 Teaching Materials	高中一年級上學期 第一學期一冊	雙語課程 Designer	高中部高中數學科組
適用年級 Grade Level	高中一年級上學期	課程時間 Time	每章六週至八週
教學設計理念 Design Concepts	以「雙語課程」為主要學習內容，再輔以相關的英文理解與翻譯等活動。		
學習核心素養 Core Competencies	<p>知識：理解有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>技能：能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>態度：能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p>		
學習表現標準 Subject Performance Standard	<p>1. 理解有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>2. 能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>3. 能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p>		
學生先備知識 Student's Prior Knowledge	<p>1. 有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>2. 能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p> <p>3. 能利用有理數、無理數、指數、對數、三角函數、三角恆等式、三角不等式、三角函數的圖形、三角函數的性質、三角函數的應用。</p>		

雙語教學教案共有 3 個主題，規劃完整的雙語教學課程設計，方便教師靈活使用，免去素材準備與大量備課時間，減輕教學壓力。

提供課綱必修課程的教學指引，從暖身、呈現、練習及應用、復習與字庫整理，循序漸進地使用跟理解雙語應用，達到沉浸式雙語教學環境。

5. The density of rational numbers. "There is a rational number that exists between any two distinct rational numbers."

Density of Rational Numbers

(3) There exists a rational number between any two distinct rational numbers.

(4) There are infinitely many rational numbers between two distinct rational numbers.

4. Review & Assessment

(1) 利用實數的數系圖學習。

THE REAL NUMBER SYSTEM

1. This is the tree diagram of the real number system.

We know that real number can be subdivided to two subcategories which are rational numbers and irrational numbers.

Notice that irrational numbers can be subdivided to two subcategories: "irrational numbers".

There are three subcategories of real numbers which are integers, terminating decimal and non-terminating decimal.

5. Self Evaluation

請在下列「rational number (有理數)」、「fraction (分數)」、「numerator (分子)」、「denominator (分母)」

Chapter 1-1.2 Algebra Formulas

Introduction

An algebraic formula is an equation or a rule written using mathematical and algebraic symbols and terms. It is an equation that involves algebraic expressions on both sides. The algebraic formula is a exact quick formula to solve complex algebraic calculation.

Vocabulary

cube of the sum difference $(a \pm b)^3$, a square difference of cube $(a \pm b)^3$, square of the sum/difference $(a \pm b)^2$, the term $(a \pm b)^2$, binomial $(a \pm b)$, binomial theorem $(a \pm b)^n$, binomial expansion $(a \pm b)^n$, expand $(a \pm b)^n$, simplify $(a \pm b)^n$, calculate $(a \pm b)^n$, coefficient (係數).

Cube formula

The algebra formulas for two variables a , and b and for a maximum degree of 3 can be easily derived by multiplying the expression by itself, based on the expansion value of the algebraic expression.

For two real numbers a and b ,

(1) Cube of the Sum/Difference: $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$

(2) Square Difference of Two Cubes: $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$

Try to multiply algebraically the expansion and find the formula.

2.3 Expand $(a - b)^3$.

搭配雙語學習單輕鬆檢核學習成果，搭配雙語教材最好上手。

雙語教學教材採中英對照，單字表、發音一應俱全

雙語教學 高中數學
Chapter 01 - 1

THE REAL NUMBERS

Presented by Po-Hsuan Wu

因應 2030 雙語政策，與一線優秀教師合作開發雙語化教學教材，適切的中英雙語教材，可針對性的加強學生聽、說能力的培養。

description

有理數的描述 **terminating decimal**

有理數 $\frac{m}{n}$ 可化成整數、有限小數或循環小數；反之，整數、有限小數或循環小數都是有理數。

density

有理數的稠密性 **distinct**

任意兩個相異有理數之間，都至少可找到一個，乃至於無限多個有理數。

infinately many

VOCABULARY 2

terminating decimal 有限小數

density 稠密的

distinct 相異

infinately many 無限多個

non-terminating and non-recurring decimal 不循環的無限小數

雙語教學教材採中英對照，並附有常用單字表與英文音檔，大幅縮減老師準備教材時間。

公式

(1) $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

(2) $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$

Cube of the Sum (和立方)

Sum of Cubes (立方和)

(1) $(a + b)^3 = (a + b)(a + b)^2$

$= (a + b)(a^2 + 2ab + b^2)$

$= a^3 + 2a^2b + ab^2 + ba^2 + 2ab^2 + b^3$

$= a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

Factor out $(a + b)$

by square of the sum

by the distributive law

combine like terms